

Annexe 1. Formule d'addition de points pour $t^2 = x^3 + ax + b$.

Soit $P_1 = (x_1, t_1)$ et $P_2 = (x_2, t_2)$ avec $P_i \neq \Omega$.

$$P_3 = P_1 + P_2 = (x_3, t_3)$$

(1) si $x_1 \neq x_2$, la pente de la corde $\delta = \frac{t_2 - t_1}{x_2 - x_1}$

$$x_3 = \delta^2 - x_1 - x_2$$

$$t_3 = \delta(x_1 - x_3) - t_1$$

(2) si $P_1 = P_2$ et $t_1 = t_2 \neq 0$, la pente de la tangente $\delta = \frac{3x_1^2 + a}{2t_1}$

$$x_3 = \delta^2 - 2x_1$$

$$t_3 = \delta(x_1 - x_3) - t_1$$

Remarques: si $x_1 = x_2$ et $t_1 \neq t_2$, $P_1 + P_2 = \Omega$

si $P_1 = P_2$ et $t_1 = t_2 = 0$, $P_1 + P_2 = \Omega$

pour tout P , $P + \Omega = P$

Annexe 2. Algorithme.

Entrées: $k > 0$, P un point de la courbe elliptique.

Sortie: kP .

Règles: $\mapsto (\Omega, P, k)$

Si n impair: $(R, Q, n) \mapsto (R + Q, Q, n - 1)$

Si n pair et $n \neq 0$: $(R, Q, n) \mapsto (R, 2Q, n/2)$

Si $n = 0$: Sortir R .

Annexe 3. Résultats de calculs.

$$323^{-1} = 658 \pmod{751}$$

$$386(0, 0) = (676, 182)$$

$$(562, 576) + (239, 1) = (385, 703)$$

les points étant donnés par leurs coordonnées (x, y) .