

Formules de multiplication pour les cas non-simplement lacés

Pierre-Guy Plamondon

Toute algèbre amassée de type simplement lacé (et à coefficients géométriques) admet une catégorification additive. La généralisation de cette affirmation aux cas non simplement lacés est un problème ouvert et difficile. Récemment, C.Geiss, B.Leclerc et J.Schröer ont proposé une approche en utilisant des algèbres de dimension finie dont la définition rappelle celle des espèces de V.Dlab et C.M.Ringel. Ils montrent qu'en type Dynkin, les modules rigides indécomposables sur ces algèbres sont en bijection avec les variables non-initiales de l'algèbre amassée correspondante. Cette bijection est explicitée au moyen d'un caractère d'amas.

Dans cet exposé, nous montrerons que ce caractère d'amas satisfait à certaines formules de multiplications rappelant celles démontrées par P.Caldero et F.Chapoton. Nous présenterons également un candidat pour la définition de catégorie amassée pour les cas non simplement lacés. (Ceci est un travail en commun avec Yann Palu.)