

Polynômes zêta de nouveaux ordres liés aux partitions non-croisées

Frédéric Chapoton

Je vais présenter un travail en cours et encore en partie spéculatif, concernant certains ordres partiels, assez simples, dont le polynôme zêta se factorise. En particulier, on trouve dans cette famille des ordres ayant le même polynôme zêta que les treillis de partitions non-croisées de type A ou B.

Il semble que cette relation s'étende entre d'une part les idéaux principaux supérieurs de ces nouveaux ordres et certains sous-ordres des partitions non-croisées. Il semble aussi qu'on puisse décrire certains invariants numériques de ces nouveaux ordres en partant du M-triangle qui contient les nombres de Möbius des partitions non-croisées.