

**Exercice 1 : Saisie de vecteurs et matrices**

- a) Saisir les vecteurs “lignes” suivants :

$$u = (5, 8, 7, 9, 30), \quad v = (2, 2.6, \dots, \underbrace{2 + 0.6i}_{\text{élément } i}, \dots, 17), \quad w = (\underbrace{2, 2, \dots, 2, 2}_{100 \text{ éléments}}).$$

Transposer ces vecteurs.

- b) Comparer ce que produisent les instructions `1 : 0.2 : 5`, `1 : 0.2 : 5.1`, `linspace(1,5,21)` et `linspace(1,5.1,21)`.  
c) Saisir les matrices suivantes :

$$A = \begin{pmatrix} 4 & 5 & 8 \\ 12 & 5 & 19 \\ 77 & 100 & 10 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & \dots & 50 \\ 5 & 6 & 7 & \dots & 54 \\ 9 & 10 & 11 & \dots & 58 \end{pmatrix}, \quad C = \begin{pmatrix} 2 & 0 & \dots & \dots & 0 \\ 0 & 4 & 0 & & \vdots \\ \vdots & 0 & 6 & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & 0 \\ 0 & \dots & \dots & 0 & 100 \end{pmatrix}$$

et  $D = \underbrace{\begin{pmatrix} 1 & 1 & \dots & 1 \\ 2 & 2 & \dots & 2 \\ \vdots & & \dots & \vdots \\ 12 & 12 & 12 & 12 \end{pmatrix}}_{100 \text{ colonnes}}.$

**Exercice 2 : Manipulation des vecteurs**

Soit  $X$  le vecteur créé par l’instruction `X = rand(1, 10)`.

- a) Mettre dans une variable  $n$  la taille du vecteur  $X$ .  
b) Afficher à l’écran la valeur du 3<sup>eme</sup> élément de  $X$ .  
c) Créer un vecteur  $Y$  qui contient tous les éléments de  $X$  lus dans le sens inverse.  
d) Echanger le 5<sup>eme</sup> et le 7<sup>eme</sup> élément (deux façons : une très informatique, l’autre purement Scilab).  
e) Créer un vecteur  $Z$  tel que  $Z_i = X_i^2 - 3$ .

**Exercice 3 : Manipulation de matrices**

Les matrices  $A$  et  $B$  utilisées ici sont les matrices définies à l’exercice 1.

- a) Mettre à zéro l’élément (3,3) de  $A$ .  
Modifier l’élément (2,6). Que se passe-t-il ? Remettre dans  $A$  la matrice de l’exercice 1.  
Mettre tous les éléments de la troisième ligne de  $A$  à 4.  
Créer une matrice  $A1$  dont les lignes sont celles de  $A$  en sens inverse.  
Créer une matrice  $A2$  en accolant les colonnes 1 et 3 de  $A1$  à la droite de  $A$ .  
Créer une matrice  $A3$  constituée des éléments qui se trouvent à l’intersection des deux premières lignes et des deux dernières colonnes de  $A$ .

b) Que produisent les instructions  $A * B$ ,  $A \cdot * B$ ,  $A \wedge 2$ ,  $A \cdot \wedge 2$ ,  $B \wedge 2$  et  $B \cdot \wedge 2$  ?

c) Copier la deuxième ligne de  $A$  dans un vecteur  $x$ .

Que produit l'instruction  $[A(:, 1); 5]$  ?

Echanger les lignes 1 et 3 de  $B$  (deux façons : une très informatique, l'autre purement Scilab).

Construire en deux instructions la matrice suivante :

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & a & b & 0 \\ 0 & d & e & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix},$$

où  $a$ ,  $b$ ,  $c$  et  $d$  sont des nombres aléatoires.

#### Exercice 4 : Produit scalaire et norme

Pour chaque question de cet exercice, proposer une solution avec boucle *for* et une solution sans boucle *for*.

a) Effectuer le produit scalaire euclidien entre deux vecteurs  $x$  et  $y$  donnés.

b) Calculer pour un vecteur  $v$  donné les trois normes suivantes :

$$\|v\|_1 = \sum_i |v_i|, \quad \|v\|_2 = (\sum_i |v_i|^2)^{1/2}, \quad \|v\|_\infty = \max_i |v_i|.$$

c) Pour un matrice  $A = (a_{ij})_{1 \leq i, j \leq n}$  carrée donnée, calculer les normes définies par :

$$\|A\|_1 = \max_j \sum_i |a_{ij}|, \quad \|A\|_{fro} = \sqrt{\sum_{i,j} |a_{ij}|^2}, \quad \|A\|_{inf} = \max_i \sum_j |a_{ij}|.$$

#### Exercice 5 : Exercice de vectorisation

Soit  $X$  un vecteur de  $n$  éléments non nuls  $X = (x_1, x_2, \dots, x_n)$ . Pour un  $n$  donné, construire le vecteur  $P = (p_1, \dots, p_n)$  tel que

$$p_k = x_1 x_2 \cdots x_{k-1} x_{k+1} \cdots x_n,$$

i.e. le  $k^{eme}$  élément de  $P$  contient le produit de tous les  $x_i$  excepté le  $k^{eme}$ .

#### Exercice 6 : Produit de matrices

Soit  $A$  et  $B$  deux matrices de taille respective  $n \times m$  et  $m \times p$ .

a) Rappeler l'expression de  $C_{i,j}$ , l'élément de la ligne  $i$  et de la colonne  $j$  de  $C$  où  $C = AB$ .

b) Ecrire un programme qui calcule le produit de deux matrices préalablement saisies : on utilisera dans un premier temps des boucles *for* (et aucune fonctionnalité propre à Scilab) puis le signe  $*$  de Scilab. On pourra travailler avec des matrices aléatoires.

c) Comparer le temps d'exécution de chaque méthode avec les instructions *tic* et *toc* pour de grandes tailles de matrices. Faire un graphique qui représente le temps nécessaire pour multiplier deux matrices de taille  $n \times n$  en fonction de  $n$ .

#### Exercice 7 : Opérateurs logiques

a) Créer une matrice  $A$  de dimension  $10 \times 10$  et constituée de nombres aléatoires compris entre 0 et 10. Compter le nombre d'éléments de  $A$  strictement supérieurs à 5. Multiplier ces nombres par 2. Mettre à 0 les éléments de  $A$  compris entre 2 et 8.

b) Remplacer le plus grand élément de  $A$  par son plus petit et inversement.